



# Exemples d'applications de la programmation parallèle

Module 10

INF8601 Systèmes informatiques parallèles  
Michel Dagenais

École Polytechnique de Montréal  
Département de génie informatique et génie logiciel

# Sommaire

---

- 1 Map Reduce
- 2 Préfixe parallèle
- 3 Calcul matriciel en parallèle
- 4 Le tri en parallèle
- 5 Conclusion



## Exemples d'applications

---

- Décomposition à fine granularité avec organisation MapReduce
- Préfixe parallèle
- Calcul matriciel
- Tri parallèle



# Exemples d'applications de la programmation parallèle \_\_\_\_\_

- 1 Map Reduce
- 2 Préfixe parallèle
- 3 Calcul matriciel en parallèle
- 4 Le tri en parallèle
- 5 Conclusion



# Map Reduce

---

- Le calcul parallèle suivi d'une réduction est un patron commun, bien supporté par OpenMP, MPI...
- Cadriciels génériques pour le calcul parallèle basés sur ce paradigme: Google Map Reduce, Hadoop, Apache Spark...
- Idéalement, chaque serveur de calcul possède déjà les données à traiter grâce à un système de fichiers distribué comme HFS (Hadoop File System).
- Apache Spark évite de tout écrire sur disque, par exemple pour le traitement en ligne, et peut dans certains cas être beaucoup plus rapide que Hadoop.



## Les phases de Map Reduce

---

- L'entrée est décomposée en morceaux selon des critères implicites (e.g. ordre d'arrivée) ou explicites (e.g. localisation spatiale, intervalles de numéro d'identification, URL).
- La même fonction (programme) est appliquée (map) à toutes les entrées et produit une sortie clé-valeur.
- Les sorties peut être envoyées vers les noeuds pour la réduction selon les clés (shuffle).
- La réduction (reduce) combine les sorties pour produire le résultat final.



## Exemple: compter les mots avec Java/Hadoop

---

```
// Tutorial from https://hadoop.apache.org/

public class WordCount {

    public static class TokenizerMapper
        extends Mapper<Object, Text, Text, IntWritable>{

        private final static IntWritable one = new IntWritable(1);
        private Text word = new Text();

        public void map(Object key, Text value, Context context
            ) throws IOException, InterruptedException {
            StringTokenizer itr = new StringTokenizer(value.toString());
            while (itr.hasMoreTokens()) {
                word.set(itr.nextToken());
                context.write(word, one);
            }
        }
    }
}
```



## Exemple: compter les mots avec Java/Hadoop

```
public static class IntSumReducer
    extends Reducer<Text,IntWritable,Text,IntWritable> {
    private IntWritable result = new IntWritable();

    public void reduce(Text key, Iterable<IntWritable> values,
        Context context
        ) throws IOException, InterruptedException {

        int sum = 0;
        for (IntWritable val : values) {
            sum += val.get();
        }
        result.set(sum);
        context.write(key, result);
    }
}
```





## Tolerance aux pannes

---

- Chaque morceau de fichier est présent en plusieurs (e.g. 3) copies.
- Plusieurs entrées peuvent être envoyées à chaque noeud dans la grappe de calcul parallèle.
- Si un noeud tombe en panne, les entrées peuvent être réparties sur d'autres noeuds.
- Le délai encouru en cas de panne demeure faible.



# Exemples d'applications de la programmation parallèle \_\_\_\_\_

- 1 Map Reduce
- 2 Préfixe parallèle
- 3 Calcul matriciel en parallèle
- 4 Le tri en parallèle
- 5 Conclusion



## Le problème

---

- Une opération associative mais non commutative est appliquée à une suite d'éléments, et produit en sortie une autre suite, dont chaque élément dépend de tous les éléments précédents ou égal en entrée (e.g.  $a_i = \sum_{j=1}^i a_j$ ).
- Problème très simple à programmer dans une boucle mais difficile à paralléliser.
- Quelques stratégies de parallélisation existent comme procéder en deux passes ou faire un arbre de calcul.
- MPI offre la fonction `MPI_Scan` avec un choix d'opérations à appliquer comme addition, maximum, minimum...
- TBB offre `parallel_scan`.



## Préfixe parallèle en 2 passes

---

- Les données sont divisées en plusieurs morceaux à traiter en parallèle (un morceau par thread ou par noeud).
- Lors d'une première passe, l'opération est effectuée localement, sans tenir compte du préfixe venant des morceaux précédents.
- Ensuite, une réduction est effectuée pour calculer le préfixe pour chaque morceau.
- Lors de la seconde passe, l'opération est effectuée à nouveau sur chaque morceau mais cette fois-ci en tenant compte du préfixe venant du morceau précédent.



## Exemple de calcul en 2 passes avec OpenMP

```
void seqprfsum(int *u, int m)
{ int i = 1, s=u[0]; for(; i < m; i++) u[i] += s; s = u[ i ]; }

void parprfsum (int *x, int n, int *z)
{ #pragma omp parallel
  { int i, j, me = omp_get_thread_num ( ),
    nth = omp_get_num_threads( ), chunksize = n / nth,
    start = me * chunksize;
    seqprfsum(&x[start], chunksize);

    #pragma omp barrier
    #pragma omp single
    { for(i = 0; i < nth - 1; i++) z[i] = x[(i+1) * chunksize - 1];
      seqprfsum(z ,nth -1);
    }
    if(me > 0 ) for(j = start; j < start + chunksize; j ++ ) x[j] += z[me - 1];
  }
}
```



## Exemple de décodage RLE

```
void uncomprle(int *x, int nx, int *tmp, int *y, int *ny)
{ int i, nx2 = nx / 2;
  int z[MAXTHREADS];
  tmp[0] = 0;
  for(i = 0; i < nx2; i++) tmp[i + 1] = x[2 * i];
  parprfsum(tmp + 1, nx2 + 1, z);

#pragma omp parallel
{ int j, k;
  #pragma omp for
  for(j = 0; j < nx2; j++) {
    int start = tmp[j];
    int val = x[2 * j + 1];
    int nrun = x[2 * j];
    for(k = 0; k < nrun; k++) y[start + k] = val;
  }
}
*ny = tmp[nx2];
}
```



## Calcul en arbre

- Dans la barrière en *Papillon*, chaque envoie à un autre à chacune de  $\log_2(n)$  étapes ( $i+1 \% n$ ,  $i+2 \% n$ ,  $i+4 \% n \dots$ ).
- Somme en *papillon*, chaque noeud ajoutant un élément de la séquence (plutôt que 1 pour une barrière).
- Si on veut la somme courante ( $\sum_{j=1}^i a_j$ ), plutôt que la somme totale, il suffit de sauter des étapes. On peut vérifier par substitution que  $x_6 = (x_0 + (x_1 + x_2)) + ((x_3 + x_4) + (x_5 + x_6))$

$$x_1 \leftarrow x_0 + x_1$$

$$x_2 \leftarrow x_1 + x_2$$

$$x_3 \leftarrow x_2 + x_3$$

$$x_4 \leftarrow x_3 + x_4$$

$$x_5 \leftarrow x_4 + x_5$$

$$x_6 \leftarrow x_5 + x_6$$

$$x_7 \leftarrow x_6 + x_7$$

$$x_2 \leftarrow x_0 + x_2$$

$$x_3 \leftarrow x_1 + x_3$$

$$x_4 \leftarrow x_2 + x_4$$

$$x_5 \leftarrow x_3 + x_5$$

$$x_6 \leftarrow x_4 + x_6$$

$$x_7 \leftarrow x_5 + x_7$$

$$x_4 \leftarrow x_0 + x_4$$

$$x_5 \leftarrow x_1 + x_5$$

$$x_6 \leftarrow x_2 + x_6$$

$$x_7 \leftarrow x_3 + x_7$$



# Exemples d'applications de la programmation parallèle \_\_\_\_\_

- 1 Map Reduce
- 2 Préfixe parallèle
- 3 Calcul matriciel en parallèle
- 4 Le tri en parallèle
- 5 Conclusion





## Le calcul matriciel

---

- Plusieurs applications avec beaucoup de données sont exprimées sous forme de calcul matriciel.
- Simulation de phénomènes physiques en 2D ou 3D.
- Traitement d'image et de vidéo.
- Calcul sur des graphes, par exemple représentant des réseaux routiers ou électriques.
- Traitement de statistiques.
- Apprentissage machine.



## Opérations courantes

---

- Multiplication de matrices.
- Inversion de matrices.
- Calcul de déterminant et de valeurs propres.
- Puissance de matrices ( $M^n$ ).
- Les matrices éparses sont un cas particulier pour lequel plusieurs raccourcis sont disponibles pour en réduire la taille et l'effort de calcul.



## La multiplication de matrices

- Chaque élément du produit de deux matrices carrées de taille  $n$  ( $n^2$  éléments) demande  $n$  multiplications et additions ( $\mathcal{O}(n^3)$ ).
- Le calcul d'un élément  $c_{ij}$  de la matrice  $C = AB$  demande la rangée  $i$  de  $A$  et la colonne  $j$  de  $B$ .
- Si on a  $p$  noeuds disponibles, formant une matrice carrée de  $\sqrt{p}$ , il faut décomposer la matrice de taille  $n$  en sous-matrices de taille  $m = n/\sqrt{p}$  (ou en groupes de  $n/p$  rangées).
- Chaque noeud s'occupe alors d'une sous-matrice de taille  $m$  et accède les  $m$  rangées de  $A$  et colonnes de  $B$  correspondantes.
- On peut envoyer les matrices complètes  $A$  et  $B$  à chaque noeud mais il est mieux de faire circuler des morceaux de  $A$  dans les rangées et de  $B$  dans les colonnes de la grappe de calcul.

## Exemple multiplication de matrice par rangées

```
int rank, size, row, column, count, i, j, k;
char ch;
float *A, *B, *C, a, b, c, n;
...
MPI_Init(NULL, NULL);
MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &size);
MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);

if(rank==0) { /* Lire A et B carrées de taille size = row*row */

MPI_Bcast(&row, 1, MPI_INT, 0, MPI_COMM_WORLD);
int periods[] = {1, 1};
int dims[] = {row, row};
int coords[2]; /* 2 dimensions */
int right = 0, left = 0, down = 0, up = 0; /* voisins */
MPI_Comm cart_comm;
MPI_Cart_create(MPI_COMM_WORLD, 2, dims, periods, 1, &cart_comm );
```

## Exemple multiplication de matrice par rangées

```
MPI_Scatter(A, 1, MPI_FLOAT, &a, 1, MPI_FLOAT, 0, cart_comm);
MPI_Scatter(B, 1, MPI_FLOAT, &b, 1, MPI_FLOAT, 0, cart_comm);
MPI_Comm_rank(cart_comm, &rank);
MPI_Cart_coords(cart_comm, rank, 2, coords);
MPI_Cart_shift(cart_comm, 1, coords[0], &left, &right);
MPI_Cart_shift(cart_comm, 0, coords[1], &up, &down);
MPI_Sendrecv_replace(&a, 1, MPI_FLOAT, left, 11, right, 11, cart_comm, MPI_STATUS_IGNORE);
MPI_Sendrecv_replace(&b, 1, MPI_FLOAT, up, 11, down, 11, cart_comm, MPI_STATUS_IGNORE);
c = c + a * b;
for(i = 1; i < row; i++) {
    MPI_Cart_shift(cart_comm, 1, 1, &left, &right);
    MPI_Cart_shift(cart_comm, 0, 1, &up, &down);
    MPI_Sendrecv_replace(&a, 1, MPI_FLOAT, left, 11, right, 11, cart_comm, MPI_STATUS_IGNORE);
    MPI_Sendrecv_replace(&b, 1, MPI_FLOAT, up, 11, down, 11, cart_comm, MPI_STATUS_IGNORE);
    c = c + a * b;
}
MPI_Gather(&c, 1, MPI_FLOAT, C, 1, MPI_FLOAT, 0, cart_comm);
if(rank == 0) { /* Imprimer le résultat C */ }
MPI_Finalize();
```



## Autres opérations matricielles

- Mettre une matrice à la puissance  $n$  peut se faire en combinant avantageusement des multiplications, par exemple  $A^8 = ((A^2)^2)^2$ .
- Inverser une matrice ou solutionner un système d'équations linéaires  $Ax = b$ ,  $x = A^{-1}b$ 
  - Formule de Laplace:  $A^{-1} = \frac{1}{\det A} \text{com } A$
  - Elimination de Gauss-Jordan ou Décomposition LU
  - Algorithme itératif de Jacobi
- Les valeurs propres sont difficiles à calculer analytiquement. Elle peuvent se calculer de manière itérative par multiplication, comme avec la méthode de Jacobi  $b_{k+1} = \frac{Ab_k}{\|Ab_k\|}$ .



## Inversion par la méthode itérative de Jacobi

---

- $b = Ax$  ( $b$  vecteur de valeurs,  $A$  matrice de coefficients,  $x$  vecteur de variables)
- $x = A^{-1}b$ .
- $D$  une matrice avec la diagonale de  $A$  et  $O$  une matrice en enlevant la diagonale de  $A$
- $x_{k+1} = D^{-1}(b - O x_k)$ .



# Exemples d'applications de la programmation parallèle \_\_\_\_\_

- 1 Map Reduce
- 2 Préfixe parallèle
- 3 Calcul matriciel en parallèle
- 4 Le tri en parallèle
- 5 Conclusion





## Les algorithmes classiques de tri

---

- Le tri rapide (quicksort) et le tri fusion (merge sort) sont faciles à paralléliser. La phase initiale du premier (séparer les éléments par le pivot) et la phase finale du second (fusionner à la racine) constituent un goulot d'étranglement.
- Le tri par comparaison, comme le tri en bulle, normalement moins efficace en série, n'est pas si mal en parallèle car plus équilibré.
- Le tri par paquets demeure très efficace en parallèle, si on choisit de bons seuils pour décomposer en paquets. Une phase d'échantillonnage permet d'estimer la distribution et choisir de bons seuils.



# Exemples d'applications de la programmation parallèle \_\_\_\_\_

- 1 Map Reduce
- 2 Préfixe parallèle
- 3 Calcul matriciel en parallèle
- 4 Le tri en parallèle
- 5 Conclusion



## Conclusion

---

- Il est intéressant de connaître un certain nombre de stratégies classiques de parallélisation pour des problèmes courants.
- Cependant, chaque plate-forme (OpenMP, OpenCL, MPI) a des particularités différentes qui affectent l'efficacité des algorithmes.
- Les particularités des jeux de données, pour les très grands ensembles, peuvent aussi affecter le choix de l'algorithme (e.g. matrices éparses).
- Il existe une littérature scientifique étendue sur les meilleurs algorithmes pour un très large éventail de problèmes.

