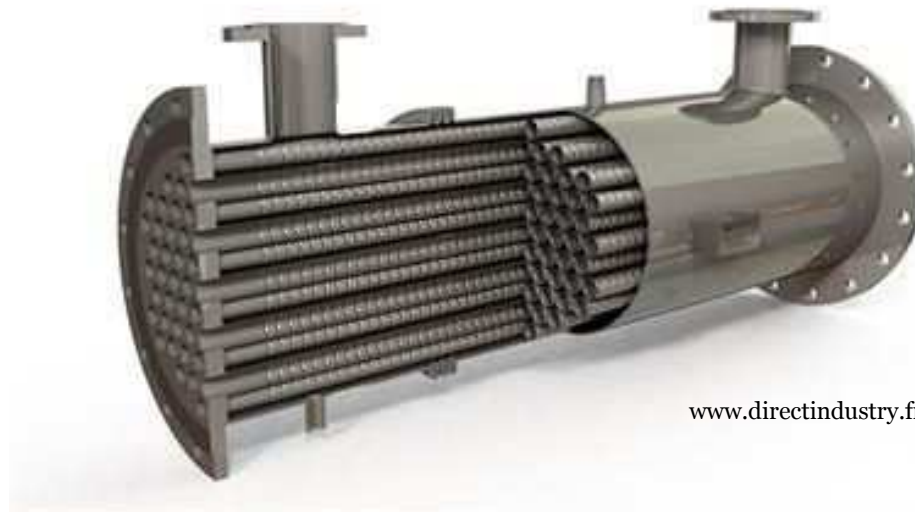


# MEC1210\_Thermodynamique (Heures 12-17)

## *Analyse des systèmes ouverts*



[www.directindustry.fr](http://www.directindustry.fr)

*Smail Guenoun*

*(D'après les notes de cours de Pr.Huu Duc Vo)*

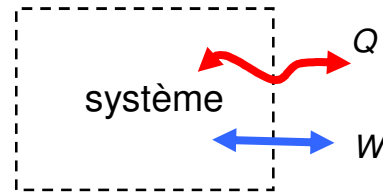
# Objectifs

---

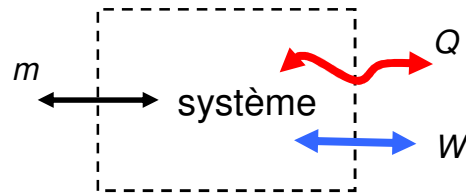
- ✓ **Développer le principe de la conservation de la masse**
- ✓ **Définir les concepts de travail et l'énergie d'écoulement**
- ✓ **Appliquer les principes de conservation de la masse et de l'énergie à divers dispositifs tels que les tuyères, les diffuseurs, les turbines, les compresseurs, les pompes et les échangeurs de chaleur.**

# Rappels

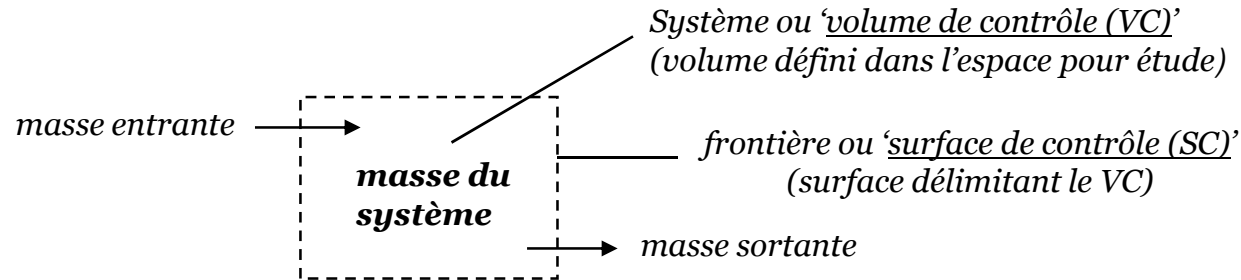
**Systeme fermé:** quantité de matière fixe, frontière *impermeable* à la masse, mais perméable à l'énergie (chaleur ou travail)



**Systeme ouvert:** frontière perméable à la masse et à l'énergie



# Conservation de la masse



## Conservation de la masse :

$$\underbrace{\left[ \begin{array}{c} \text{Changement net} \\ \text{de la masse du} \\ \text{système en temps } \Delta t \end{array} \right]}_{\Delta m_{\text{système}}} = \underbrace{\left[ \begin{array}{c} \text{Masse entrante} \\ \text{en temps } \Delta t \end{array} \right]}_{\delta m_{in}} - \underbrace{\left[ \begin{array}{c} \text{Masse sortante} \\ \text{en temps } \Delta t \end{array} \right]}_{\delta m_{out}}$$

$$\Delta m_{\text{sys}} = \delta m_{in} - \delta m_{out}$$

$$\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta m_{\text{sys}}}{\Delta t} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\delta m_{in}}{\Delta t} - \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\delta m_{out}}{\Delta t} \quad \left\{ \begin{array}{l} \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\delta m_{in}}{\Delta t} = \frac{dm_{in}}{dt} = \dot{m}_{in} = \text{Débit massique entrant} \\ \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\delta m_{out}}{\Delta t} = \frac{dm_{out}}{dt} = \dot{m}_{out} = \text{Débit massique sortant} \end{array} \right.$$

$$\longrightarrow \boxed{\frac{dm_{\text{sys}}}{dt} = \dot{m}_{in} - \dot{m}_{out}} \quad \text{(une entrée/une sortie)}$$

# Conservation de la masse

$$\frac{dm_{sys}}{dt} = \sum_{in} \dot{m}_{in} - \sum_{out} \dot{m}_{out}$$

(Multiples entrées et sorties)

Masse dans le système :  $m_{sys} = \int_{V_{vc}} \rho dV \rightarrow \frac{dm_{sys}}{dt} = \frac{d}{dt} \int_{V_{vc}} \rho dV$

Masse traversant la frontière:

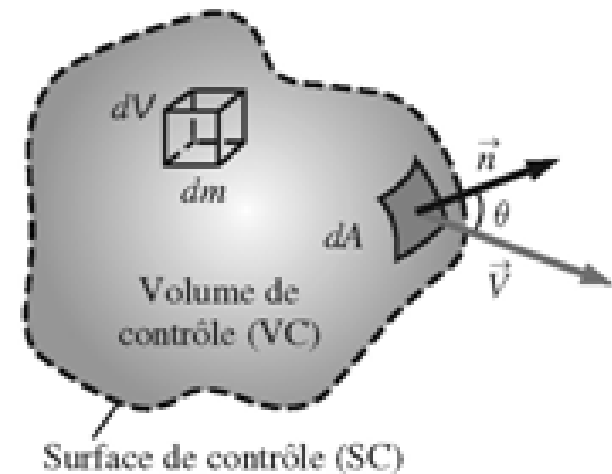
$$m_{sc} = \int_{A_{sc}} \delta m_{sc} = \int_{A_{sc}} \rho \vec{v} \cdot \vec{n} dA \Delta t = \Delta t \int_{A_{sc}} \rho \vec{v} \cdot \vec{n} dA$$

$$\dot{m}_{sc} = \frac{dm_{sc}}{dt} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{m_{sc}}{\Delta t} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta t}{\Delta t} \int_{A_{sc}} \rho \vec{v} \cdot \vec{n} dA = \int_{A_{sc}} \rho \vec{v} \cdot \vec{n} dA$$

Note:  $-90^\circ < \theta < 90^\circ$  ( $\vec{v} \cdot \vec{n} > 0$ ): Débit sortant

$-90^\circ, 90^\circ$  ( $\vec{v} \cdot \vec{n} = 0$ ): Débit zéro

$90^\circ < \theta < 270^\circ$  ( $\vec{v} \cdot \vec{n} < 0$ ): Débit entrant



# Conservation de la masse

Le principe de conservation de la masse peut donc être généralisé à tous les volumes de contrôles :

Taux de changement de masse du système  $\rightarrow \frac{d}{dt} \int_{VC} \rho dV + \int_{SC} \rho (\vec{v} \cdot \vec{n}) dA = 0$   $\leftarrow$  Débit de masse net traversant la frontière.

$$\frac{d}{dt} \int_{VC} \rho dV + \sum_{out} \int_{sc} \rho (\vec{v} \cdot \vec{n}) dA - \sum_{in} \int_{sc} \rho (\vec{v} \cdot \vec{n}) dA = 0$$

$$\left( \frac{dm}{dt} \right)_{VC} = \sum_{in} \dot{m} - \sum_{out} \dot{m}$$

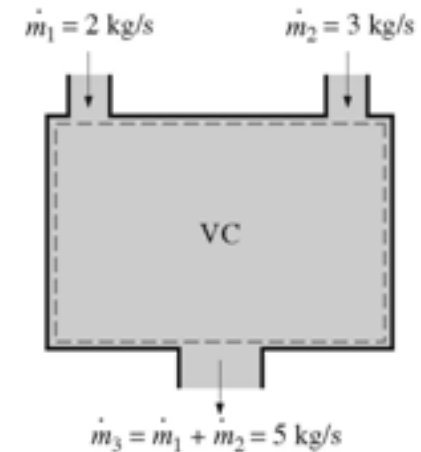
# Conservation de la masse

**Cas d'un écoulement permanent:** aucun changement de propriété avec le temps pour n'importe quel point dans l'espace .  
donc, la conservation de masse devient:

$$\frac{dm_{sys}}{dt} = 0 = \dot{m}_{in} - \dot{m}_{out} \rightarrow \dot{m}_{in} = \dot{m}_{out}$$

$$\sum_{in} \dot{m}_{in} = \sum_{out} \dot{m}_{out}$$

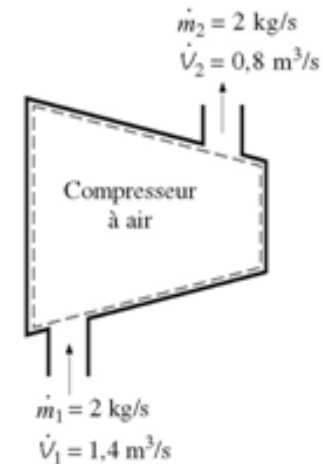
**(écoulement Permanent)**



**Cas d'un fluide incompressible:** ( $\rho = \text{constante}$ )

$$\dot{m} = \rho \dot{V}$$

$$\sum_{in} \dot{V}_{in} = \sum_{out} \dot{V}_{out}$$



# Exemple 1

## Entrée 1:

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Vapeur} \\ P_1 = 700 \text{ kPa} \\ T_1 = 200^\circ\text{C} \\ \dot{m}_1 = 40 \text{ kg / s} \end{array} \right.$$

## Entrée 2:

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Liquide} \\ P_2 = 700 \text{ kPa} \\ T_2 = 40^\circ\text{C} \\ A_2 = 25 \text{ cm}^2 \end{array} \right.$$



## Sortie (3):

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Liquide saturé} \\ P_3 = 700 \text{ kPa} \\ x_3 = 0 \\ \dot{V}_3 = 0.06 \frac{\text{m}^3}{\text{s}} \end{array} \right.$$

Pour un écoulement permanent d'eau:

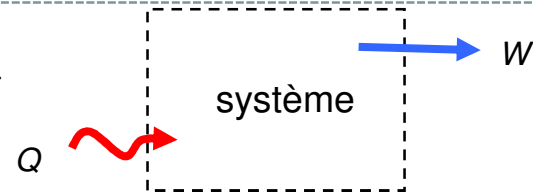
- 1) Débit massique au point 2
- 2) Vitesse au point 2

Solution (en classe)



# Bilan d'énergie pour systèmes ouverts

**Pour un système fermé:**  $\Delta E_{sys} = Q_{au\ sys} - W_{par\ sys}$



**Pour un système ouvert:**

$$\left( \begin{array}{c} \text{Changement d'énergie} \\ \text{du système} \end{array} \right) = \left( \begin{array}{c} \text{Transfert de chaleur} \\ \text{au système} \end{array} \right) - \left( \begin{array}{c} \text{Travail fait par} \\ \text{le système} \end{array} \right) + \underbrace{\left( \begin{array}{c} \text{Énergie du fluide} \\ \text{entrant} \end{array} \right) - \left( \begin{array}{c} \text{Énergie du fluide} \\ \text{sortant} \end{array} \right)}_{\text{Quantités inconnues}}$$

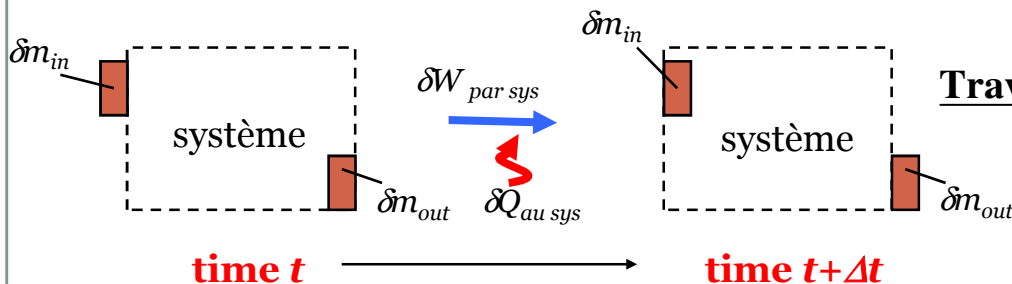
Énergie du fluide:  $E_f = U + E_c + E_p = \delta m u + \frac{1}{2} \delta m v^2 + \delta m g z$

Par unité de masse:  $e_f = \frac{E_f}{\delta m} = u + \frac{1}{2} v^2 + g z$

Si le système admet ou évacue un écoulement, alors:

Travail d'écoulement:  $W_e = \text{Force} * \text{déplacement} =$   
 $= FL = P * A * L =$   
 $= PV \quad (\text{kJ})$

Travail d'écoulement:  $w_e = P v \quad \left( \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \right)$



# Bilan d'énergie pour systèmes ouverts

$$\rightarrow \Delta E_{sys} = \delta Q_{au,sys} - \left[ \underbrace{\delta W_{par,sys}}_{\text{Travail traditionnel}} + \underbrace{\delta m_{out}(Pv)_{out} - \delta m_{in}(Pv)_{in}}_{\text{Travail d'écoulement}} \right] + \delta m_{in} e_{fin} - \delta m_{out} e_{fout}$$

$e_f = u + \frac{1}{2}v^2 + gz$

**Après arrangement:**

$$\Delta E_{sys} = \delta Q_{au,sys} - \delta W_{par,sys} + \delta m_{in} \left( \underbrace{Pv + u}_{\text{Enthalpie } h} + \frac{1}{2}v^2 + gz \right)_{in} - \delta m_{out} \left( \underbrace{Pv + u}_{\text{Enthalpie } h} + \frac{1}{2}v^2 + gz \right)_{out}$$

Comme:  $\theta \equiv h + \frac{1}{2}v^2 + gz$  (Énergie totale d'un fluide)

$$\rightarrow \Delta E_{sys} = \delta Q_{au,sys} - \delta W_{par,sys} + \delta m_{in} \theta_{in} - \delta m_{out} \theta_{out}$$

**Taux:**

$$\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta E_{sys}}{\Delta t} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\delta Q_{au,sys}}{\Delta t} - \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\delta W_{par,sys}}{\Delta t} + \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\delta m_{in}}{\Delta t} \theta_{in} - \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\delta m_{out}}{\Delta t} \theta_{out}$$

# Bilan d'énergie pour systèmes ouverts

$$\dot{E}_{sys} = \dot{Q}_{au,sys} - \dot{W}_{par,sys} + \dot{m}_{in}\theta_{in} - \dot{m}_{out}\theta_{out}$$

**bilan d'énergie (forme simplifiée)  
(une entrée/une sortie)**

$$\dot{E}_{sys} = \dot{Q}_{au,sys} - \dot{W}_{par,sys} + \sum_{in} \dot{m}_{in}\theta_{in} - \sum_{out} \dot{m}_{out}\theta_{out}$$

**bilan d'énergie (forme simplifiée)  
(multiples entrées et sorties)**

Forme alternative :

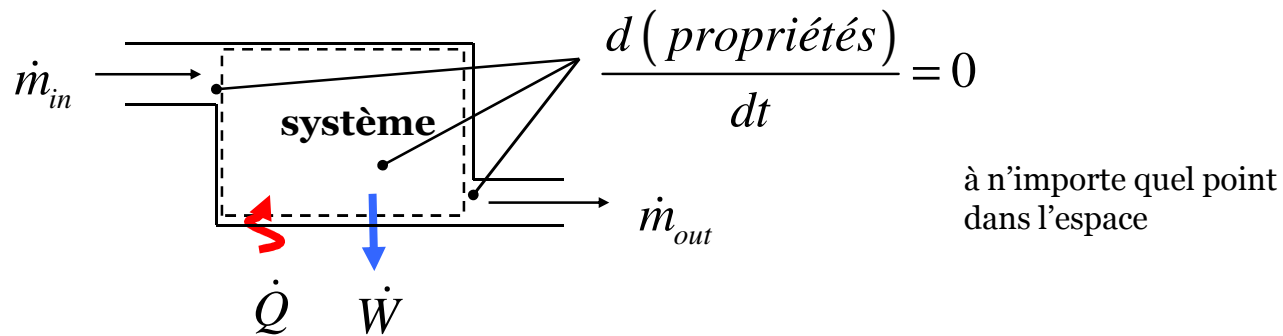
$$\left\{ \begin{array}{l} \dot{E}_{sys} = \dot{E}_{in} - \dot{E}_{out} \\ \dot{E}_{in} \equiv \dot{Q}_{in} + \dot{W}_{in} + \sum_{in} \dot{m}_{in}\theta_{in} \\ \dot{E}_{out} \equiv \dot{Q}_{out} + \dot{W}_{out} + \sum_{out} \dot{m}_{out}\theta_{out} \end{array} \right.$$

Avec :  $\theta \equiv h + \frac{1}{2}v^2 + gz$

# Bilan d'énergie pour systèmes ouverts

## Écoulement permanent

Situation où il n'y a aucun changement de propriétés avec le temps à n'importe quel point dans l'espace.



$$\dot{E}_{sys} \equiv \frac{dE_{sys}}{dt} = 0, \quad \dot{m}_{sys} \equiv \frac{dm_{sys}}{dt} = 0 \quad \text{et} \quad \frac{dV_{sys}}{dt} = 0 \quad (\text{travail PdV}=0)$$


- Cependant,  $\dot{Q}, \dot{W}, \dot{m}_{in}, \dot{m}_{out} \neq 0$  car ce sont des ***interactions*** et pas des propriétés.  
Mais le fait que les propriétés sont constantes dans l'espace implique en général que ces interactions soient aussi constantes

# Bilan d'énergie pour systèmes ouverts

## Écoulement permanent

**Conservation de la masse**

$$\frac{dm_{sys}}{dt} = 0 = \sum_{\#entrées} \dot{m}_{in} - \sum_{\#sorties} \dot{m}_{out} \quad (\text{car écoulement permanent})$$


$$\boxed{\sum_{\#entrées} \dot{m}_{in} = \sum_{\#sorties} \dot{m}_{out}}$$

**Bilan d'énergie**

$$\dot{E}_{sys} = \frac{dE_{système}}{dt} = 0 = \dot{Q}_{au,sys} - \dot{W}_{par,sys} + \sum_{\#entrées} \dot{m}_{in} \theta_{in} - \sum_{\#sorties} \dot{m}_{out} \theta_{out}$$

$$\dot{Q}_{au,sys} - \dot{W}_{par,sys} = \sum_{\#sorties} \dot{m}_{out} \theta_{out} - \sum_{\#entrées} \dot{m}_{in} \theta_{in}$$

Ou

$$\underbrace{\dot{Q}_{in} + \dot{W}_{in} + \sum_{\#entrées} \dot{m}_{in} \theta_{in}}_{\dot{E}_{in}} = \underbrace{\dot{Q}_{out} + \dot{W}_{out} + \sum_{\#sorties} \dot{m}_{out} \theta_{out}}_{\dot{E}_{out}}$$

# Bilan d'énergie pour systèmes ouverts

Pour un système avec une entrée et une sortie

Conservation de la masse: 
$$\begin{cases} \dot{m}_{in} = \dot{m}_{out} = \dot{m} \\ \rho_{in} v_{in} A_{in} = \rho_{out} v_{out} A_{out} = \dot{m} \end{cases}$$

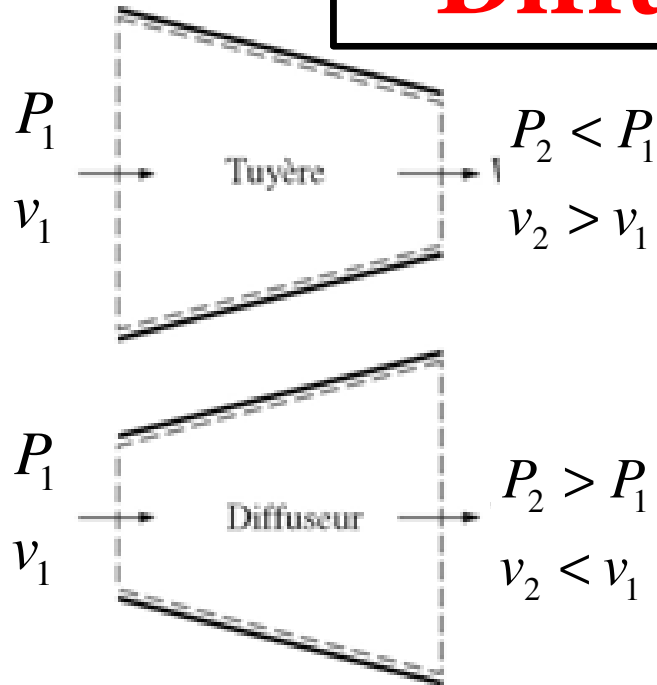
Bilan d'énergie: 
$$\begin{cases} \dot{Q}_{au,sys} - \dot{W}_{par,sys} = \dot{m}_{out} \theta_{out} - \dot{m}_{in} \theta_{in} \\ \dot{Q}_{au,sys} - \dot{W}_{par,sys} = \dot{m} \left( h_{out} + \frac{v_{out}^2}{2} + gz_{out} \right) - \dot{m} \left( h_{in} + \frac{v_{in}^2}{2} + gz_{in} \right) \\ \dot{Q}_{au,sys} - \dot{W}_{par,sys} = \dot{m} \left[ \underbrace{(h_{out} - h_{in})}_{\Delta h} + \underbrace{\frac{(v_{out}^2 - v_{in}^2)}{2}}_{\Delta e_c} + \underbrace{g(z_{out} - z_{in})}_{\Delta e_p} \right] \end{cases}$$

## Notes:

- 1)  $\Delta h$  : tables ou  $(c_p \text{ moyenne}(T_{out} - T_{in}))$  pour gaz parfait
- 2)  $\Delta e_c$ : si  $v_{out} \approx v_{in}$ ,  $\Delta e_c$  peut être négligeable lorsque  $v_{out}$  et  $v_{in}$  sont **petites**, mais non négligeable lorsque  $v_{out}$  et  $v_{in}$  sont **grandes**
- 3)  $\Delta e_p$ : seulement important s'il y a un changement d'hauteur ( $\Delta z$ ) important

# Applications

## Diffuseur et tuyère



**Une tuyère** est conçue pour accroître la vitesse de l'écoulement

**Un diffuseur** est conçu pour augmenter la pression de l'écoulement

**Important :** Pour les tuyères et diffuseurs, on peut supposer, à **moins d'indication au contraire**, que:

$$\dot{W} \approx 0, \quad \dot{Q} \approx 0, \quad \Delta e_p \approx 0 \text{ et } \dot{m}_1 = \dot{m}_2 = \dot{m}$$

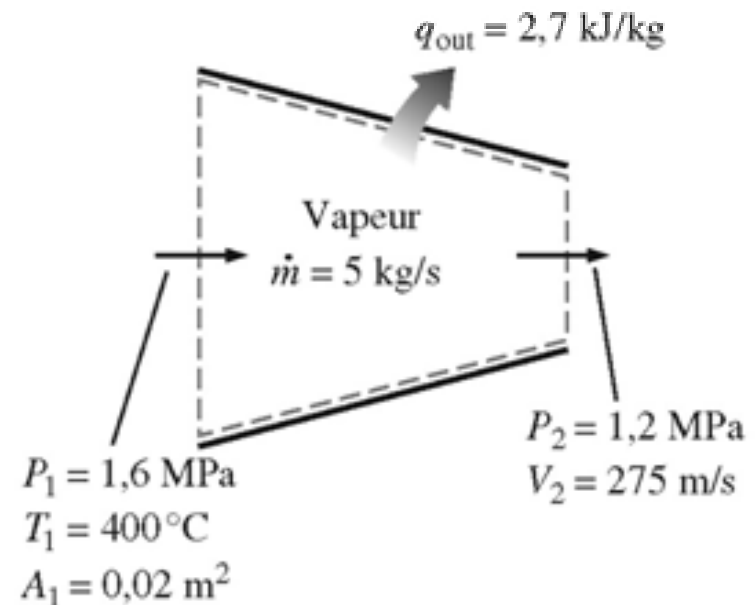
**Bilan d'énergie :** 
$$h_1 + \frac{V_1^2}{2} = h_2 + \frac{V_2^2}{2}$$

## Exemple 2 (exemple 5.5)

De la vapeur d'eau à  $400^{\circ}\text{C}$  et à  $1.6\text{ MPa}$  entre dans une tuyère dont la section est  $0.02\text{ m}^2$ . Le débit massique de la vapeur est  $5\text{ kg/s}$ . La vapeur sort de la tuyère à  $1.2\text{ MPa}$  avec une vitesse de  $275\text{ m/s}$ . La chaleur perdue par la tuyère au profit du milieu extérieur est de  $2.7\text{ kJ/Kg}$ . Déterminer:

- La vitesse de la vapeur à l'entrée
- La température de la vapeur à la sortie

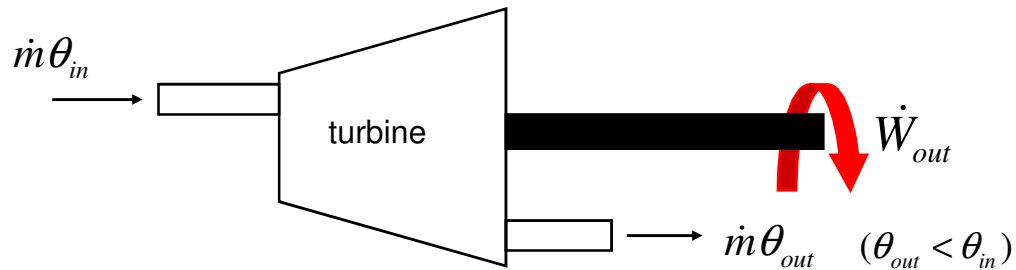
Solution (en classe)





# Applications

## Turbine



**Une turbine** est conçue pour extraire de l'énergie du fluide pour produire du travail

**Important :** Pour les turbine, on peut supposer, à **moins d'indication au contraire**, que:

$$\dot{Q} \approx 0, \Delta e_p = \Delta(gz) \approx 0 \text{ et } \dot{m}_1 = \dot{m}_2 = \dot{m}$$

**Bilan d'énergie :**

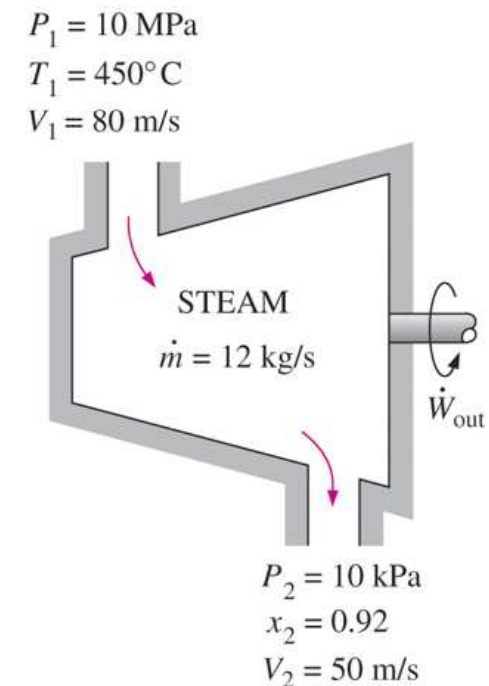
$$\underbrace{\dot{W}_{CV}}_{\text{Puissance consommée}} = \dot{m} \left[ h_1 - h_2 + \underbrace{\left( \frac{v_1^2 - v_2^2}{2} \right)}_{\text{négligeable}} \right]$$

## Exemple 3 (exo. 5.42)

Un écoulement de vapeur d'eau s'écoule dans une turbine adiabatique. Les conditions à l'entrée de la turbine sont une pression de 10MPa, une température de 450°C et une vitesse d'écoulement de 80 m/s. les conditions à la sortie sont une pression de 10kPa, un titre de 92% et une vitesse de 50 m/s. Déterminez :

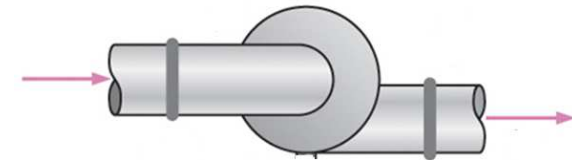
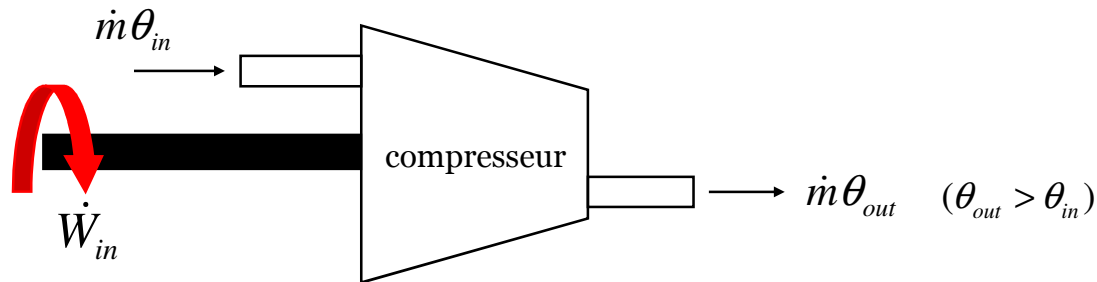
- 1) La variation de l'énergie cinétique de l'écoulement
- 2) La puissance produite par la turbine
- 3) L'aire à l'entrée de la turbine

Solution (en classe)



# Applications

## Compresseurs et pompes



**Un compresseur** absorbe du travail pour augmenter de l'énergie du fluide

**Important :** Pour les pompes et compresseurs on peut supposer, à **moins d'indication au contraire**, que:

$$\dot{Q} \approx 0, \Delta e_p = \Delta(gz) \approx 0 \text{ et } \dot{m}_1 = \dot{m}_2 = \dot{m}$$

**Bilan d'énergie :**

$$\underbrace{\dot{W}_{CV}}_{\text{Puissance consommée}} = \dot{m} \left[ h_2 - h_1 + \underbrace{\left( \frac{v_2^2 - v_1^2}{2} \right)}_{\text{négligeable}} \right]$$

# Applications

## Chambre de mélange



Dispositifs pour mélanger deux écoulements de fluides.

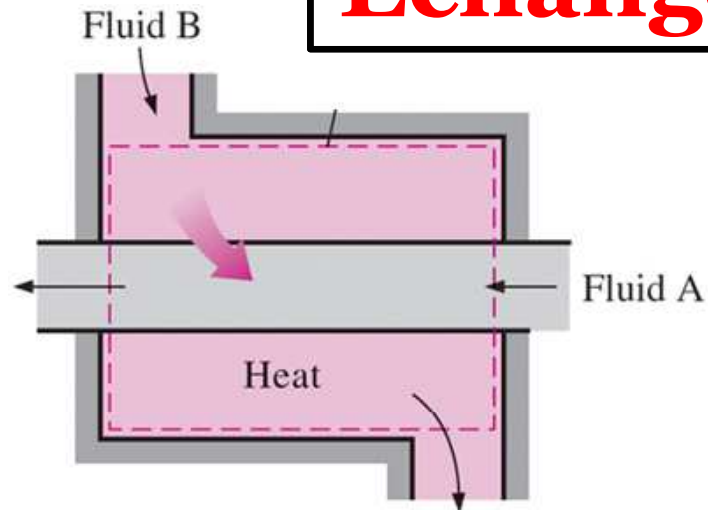
**Important :** Pour les chambres de mélanges, on peut supposer, à **moins d'indication au contraire**, que:

$$\dot{W} \approx 0, \Delta e_p \approx \Delta e_c \approx 0 \text{ et } \sum_{in} \dot{m} - \sum_{out} \dot{m} = 0$$

**Bilan d'énergie :**  $\dot{Q}_{cv} + \sum_{in} \dot{m}h - \sum_{out} \dot{m}h = 0$

# Applications

## Échangeur de chaleur



Dispositifs où deux écoulements de fluide s'échangent de la chaleur sans se mélanger.

**Important :** Pour les échangeurs de chaleur, on peut supposer, à **moins d'indication au contraire**, que:

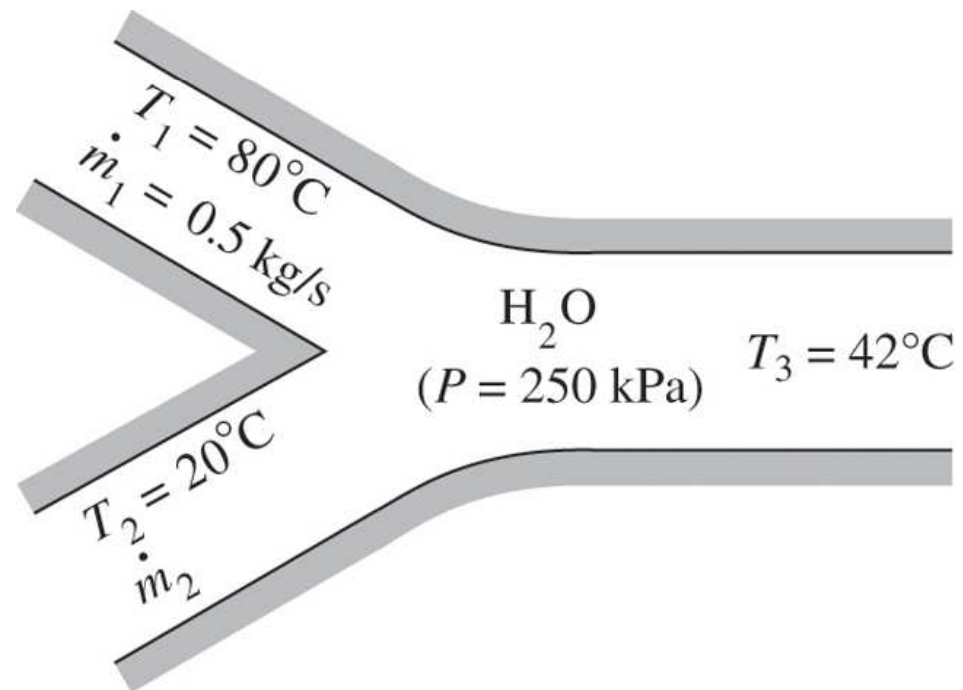
$$\dot{W} \approx 0, \Delta e_p \approx \Delta e_c \approx 0 \text{ et } \sum_{in} \dot{m} - \sum_{out} \dot{m} = 0$$

**Bilan d'énergie :**  $\dot{Q}_{cv} + \sum_{in} \dot{m}h - \sum_{out} \dot{m}h = 0$

## Exemple 4 (exo. 5.63)

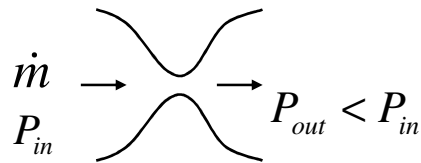
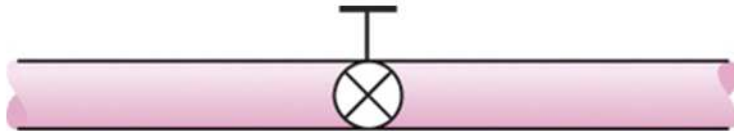
Un écoulement d'eau chaude à  $80^{\circ}\text{C}$  dont le débit est de  $0.5\text{ kg/s}$  pénètre dans un raccord ou il est mélangé à un écoulement d'eau froide à  $20^{\circ}\text{C}$ . Déterminez le débit massique de l'eau froide si la température du mélange sortant est de  $42^{\circ}\text{C}$ . supposez que la pression dans tous les écoulements est de  $250\text{ kPa}$ .

Solution (en classe)



# Applications

## Étrangleur et valve



*Dispositifs pour principalement faire tomber la pression sans transfert de chaleur, ni travail.*

**Important :** Pour les étrangleurs et valves, on peut supposer, à **moins d'indication au contraire**, que:  $\dot{W} \approx 0, \dot{Q} \approx 0, \Delta e_p \approx \Delta e_c \approx 0$  et  $\dot{m}_1 = \dot{m}_2 = \dot{m}$

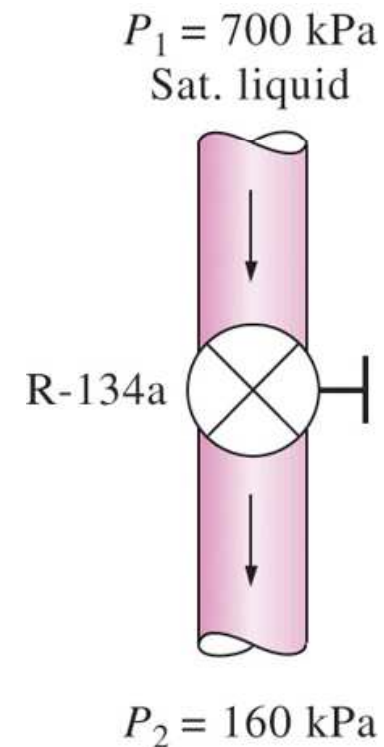
**Bilan d'énergie :**  $h_1 = h_2$  (détente isenthalpique)

# Exemple 5 (exo.5.66\_version Anglaise)

Un écoulement de réfrigérant R134 a sous forme liquide saturé pénètre dans une soupape d'étranglement adiabatique à  $P_1=700$  kPa, et il en ressort à  $P_2=160$  kPa. Calculer:

La chute de température et le volume spécifique après l'étranglement.

Solution (en classe)



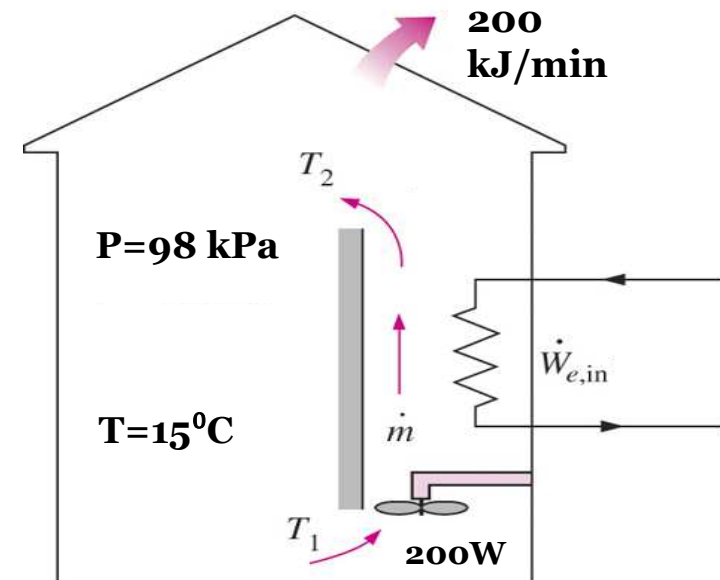


# Exemple 6

Une pièce dont les dimensions sont de (5m\*6m\*8m) est chauffée par un écoulement électrique placé dans un conduit qui se trouve dans la pièce. Au départ, la pièce se trouve à 15°C, et la pression atmosphérique est de 98kPa. La pièce perd de la chaleur au profit du milieu extérieur au taux de 200kJ/min. un ventilateur de 200W fait circuler l'air dans le conduit adiabatique avec un débit de 50 kg/min. si la température de la pièce atteint 25°C après 15min, déterminez:

- 1) La puissance de l'élément électrique chauffant
- 2) L'augmentation de la température de l'air chaque fois qu'elle passe dans le conduit.

Solution (en classe)



# Lecture suggérée

---

Sections **5.1 à 5.4** du livre, «**Thermodynamique, une approche pragmatique**», Y. Cengel, M. Boles, M. Kanoğlu et M. Lacroix, Chenelière-McGraw-Hill, 2019.