



**Problème #1 (8points)**

On procède à l'enregistrement d'une pièce musical à l'aide d'un appareil audio-numérique. Le signal d'entrée est filtré pour éliminer les composantes fréquentielles de 15khz et plus, puis échantillonné à un taux de 48000 échantillons/seconde. Les données sont enregistrées sur bande magnétique.

On désire transmettre ce signal par un système radio numérique qui accepte une séquence d'entrée à un taux de 32000 échantillons/seconde.

Concevez un algorithme rendant la séquence enregistrée compatible avec le système de radio numérique. Réalisez cet algorithme par programmation et effectuez quelques essais pertinents.

Rédigez un bref rapport.

**Problème #2 (2 points)**

Les séquences  $x(n)$  et  $y(n)$  représentent respectivement l'entrée et la sortie d'un système discret. Pour chacune des sept relations entrée-sortie ci-dessous, identifiez celles représentant:

- a) Des systèmes linéaires;
- b) Des systèmes causals
- c) Des systèmes invariants aux translations de  $n$ ;
- d) Des systèmes assurément ou possiblement stable; s'il y a lieu, caractérisez les constantes afin d'assurer la stabilité.

1.  $y(n) = x(n) + bx(n - 1)$        $b$ : Constante réelle
2.  $y(n) = x(n) + bx(n + 1)$        $b$ : Constante réelle
3.  $y(n) = nx(n)$
4.  $y(n) = x(n) \sin\left(\frac{2\pi n}{N}\right)$        $N$ : Constante entière
5.  $y(n) = x(n)e^n$
6.  $y(n) = b^{x(n)}$        $b$ : Constante réelle
7.  $y(n) = |x(n)|$

Note : On considère  $x(n)$  réelle.

**Problème #3 (2 points)**

Soit  $y(n) = x(n) + ax(n - 1) + by(n - 1)$ , l'équation aux différences d'un système discret causal.

- a) Trouvez  $h(n)$ , la réponse impulsionnelle de ce système; pour quelles valeurs de  $a$  et  $b$  le système est-il stable?
- b) Trouvez la réponse impulsionnelle du système formé par la mise en série de deux sous-systèmes  $h(n)$ .
- c) Trouvez la réponse impulsionnelle du système formé par la mise en parallèle de deux sous-systèmes  $h(n)$ .

**Problème #4(2points)**

Soit la séquence  $x(n) = (1(n - N) - 1(n - N - k)) \cos(\omega_0 n)$ , où  $\omega_0$  est constante réelle,  $N$  et  $k$  sont des constantes entières positives.

Déterminez  $X(z)$ , la transformée en  $z$  de la séquence  $x(n)$ , ainsi que sa région de convergence sur le plan  $z$ . (Une réponse donnée sous forme de somme infinie n'est pas acceptée.)

**Problème #5(2points)**

La fonction d'autocorrélation numérique d'une séquence  $x(n)$  est définie par l'expression suivante:

$$c_x(n) = \sum_k x(k)x(n + k)$$

Exprimez  $C_x(z)$ , la transformée en  $z$  de  $c_x(n)$ , en fonction de  $X(z)$ , la transformée en  $z$  de  $x(n)$ .

**Problème #6**

Commentez cette affirmation:

« Les transformées en  $z$  de  $1(n)$  et  $1(-n - 1)$  existent. Étant donné que  $1(n) + 1(-n - 1) = 1$ , on en conclut que la transformée en  $z$  de  $1$  existe; elle est la somme des deux premières.»

**Problème #7**

Pour le filtre de sortie multiples ci-dessous:

Trouvez les fonction de transfert  $H_i(z) = \frac{V_i(z)}{X(z)}$ ,  $i = 1,2,3,4$ .

