

4.3 Dérivées en chaîne

Cas II: Considérons $z(t) = f(x, y)$ mais où $x = x(t)$ et $y = y(t)$.

$$dz = f'_x(x, y)dx + f'_y(x, y)dy \quad \text{différentielle d'une fonction de deux variables}$$

Si $dt \rightarrow 0$

$$\frac{dz}{dt} = f'_x(x, y) \frac{dx}{dt} + f'_y(x, y) \frac{dy}{dt}$$

Alors

$$\frac{dz}{dt} = \frac{\partial f}{\partial x} \frac{dx}{dt} + \frac{\partial f}{\partial y} \frac{dy}{dt}$$

Ex:

$$z(t) = f(x, y) = x \sin y$$

$$x(t) = t^2$$

$$y(t) = 2t + 1$$

$$\frac{dz}{dt} = \frac{\partial f}{\partial x} \frac{dx}{dt} + \frac{\partial f}{\partial y} \frac{dy}{dt}$$

$$= \sin y \times (2t) + x \cos y \times (2)$$

$$= 2t \sin(2t + 1) + 2t^2 \cos(2t + 1)$$

Dans la capsule 17, à 07:44
il y a des d-ronds à ces endroits.
C'est plutôt des d-carrés car x et
y ne dépendent que d'une variable.

4.3 Dérivées en chaîne

En général: $f : \mathbb{R}^n \Rightarrow \mathbb{R}$

$$x = (x_1, x_2, \dots, x_n)$$

$$x_i = x_i(t) \quad \forall i$$

$$z(t) = f(x(t))$$

$$\frac{dz}{dt} = \sum_{i=1}^n \frac{\partial f}{\partial x_i} \frac{dx_i}{dt}$$